

**КИЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ
ІМЕНІ ТАРАСА ШЕВЧЕНКА**

МЕХАНІКО-МАТЕМАТИЧНИЙ ФАКУЛЬТЕТ

Кафедра алгебри і комп'ютерної математики



«ЗАТВЕРДЖУЮ»
Заступник декана
з навчальної роботи

Харитонов О.М

2020 року

РОБОЧА ПРОГРАМА НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ

**Математична криптографія
для студентів**

галузь знань **11 «Математика та статистика»**
спеціальність **111 «Математика»**
освітній рівень **перший (бакалавр)**
освітня програма **«Комп'ютерна математика»**
вид дисципліни **обов'язкова**

Форма навчання **денна**
Навчальний рік **2020/2021**
Семестр **6**
Кількість кредитів ECTS **6**
Мова викладання, навчання
та оцінювання **українська**
Форма заключного контролю **екзамен**

Викладачі: Олійник А.С., д. ф.-м. н., доцент, професор кафедри алгебри і комп'ютерної математики

Пролонговано: на 20²¹/20²² н.р. *О. Харитонов* «31» 08 20²¹ р.
на 20 /20 н.р. () « » 20 р.


КИЇВ – 2020

© Олійник А.С., 2020 рік

Розробник Олійник А.С., д. ф.-м. н., доцент, професор кафедри алгебри і комп'ютерної математики

ЗАТВЕДЖЕНО

Зав. кафедри алгебри і комп'ютерної математики

_____ Петравчук А.П.
(підпис) 

Протокол № 1 від 11.08 2020 р.

Схвалено науково-методичною комісією механіко-математичного факультету

Протокол від " 31 " 08 2020 року № 1

Голова науково-методичної комісії  професор, д.ф.-м.н. Олійник А.С.
(підпис)

1. Мета дисципліни – ознайомлення з основними поняттями, алгоритмами і методами сучасної криптографії та її математичними основами, а також практичними застосуваннями криптографії, програмними засобами роботи з криптографічними інструментами.

2. Попередні вимоги до опанування навчальної дисципліни:

1. *Знати* основні поняття, факти і теореми алгебри, конкретної математики, дискретної математики, теорії ймовірностей, теорії інформації та кодування, мати основні навички з програмування.

2. *Вміти* активно використовувати та творчо застосовувати зазначені вище знання в процесі опрацювання матеріалу курсу «Математична криптографія».

3. *Володіти елементарними навичками* роботи з підстановками, лишками за модулем натуральних чисел, скінченними полями, дискретними ймовірносними просторами, матрицями та многочленами.

3. Анотація навчальної дисципліни.

Навчальна дисципліна «Математична криптографія» є складовою освітньої програми підготовки фахівців за освітнім рівнем «бакалавр» галузі знань 11 математика та статистика зі спеціальності 111 математика освітньої програми «Комп'ютерна математика». Дана дисципліна є обов'язковою. В курсі «Математична криптографія» висвітлюються базові відомості, поняття та факти сучасної криптографії. Зокрема, розглядаються: поняття симетричної та асиметричної криптосистеми, блочні шифри, потокові шифри, криптографічні хеш функції, ймовірносні алгоритми, задачі факторизації та дискретного логарифма, криптосистеми RSA та ЕльГамала, схеми цифрового підпису, протоколи узгодження ключів.

Викладається у 6 семестрі 3 курсу в обсязі **180 год.** (*6 кредитів ECTS¹*) зокрема: *лекції – 28 год., лабораторні - 28 год., практичні - 28 год., консультації - 4 год., самостійна робота – 92 год.* У курсі передбачено 2 змістових модулів та 2 модульні контрольні роботи. Завершується дисципліна **екзаменом** у другому семестрі 3-го курсу.

4. Завдання (навчальні цілі):

формування здатності розв'язувати складні задачі та практичні проблеми у математиці або у процесі навчання, що передбачає застосування теорій та методів математики, статистики й комп'ютерних технологій і характеризується комплексністю та невизначеністю умов; набуття знань, умінь та навичок (компетентностей) на рівні новітніх досягнень у математиці, відповідно до освітнього рівня «Бакалавр». Зокрема, професійне оволодіння компетентностями:

- 1) Здатність до абстрактного мислення, аналізу та синтезу;
- 2) Здатність застосовувати знання у практичних ситуаціях;
- 3) Знання й розуміння предметної області та професійної діяльності;
- 4) Навички використання інформаційних і комунікаційних технологій;
- 5) Здатність учитися і оволодівати сучасними знаннями;
- 6) Здатність приймати обґрунтовані рішення;
- 7) Здатність спілкуватися з представниками інших професійних груп різного рівня (з експертами з інших галузей знань);
- 8) Здатність працювати автономно;
- 9) Здатність зберігати та примножувати моральні, культурні, наукові цінності і досягнення суспільства на основі розуміння історії та закономірностей розвитку предметної області, її

¹ кредитів ECTS – кредит кратний 30 годинам.

місця у загальній системі знань про природу і суспільство та у розвитку суспільства, техніки і технологій, використовувати різні види та форми рухової активності для активного відпочинку та ведення здорового способу життя.

- 10) Здатність використовувати у професійній діяльності базові знання з галузей математичних, природничих, соціально-гуманітарних та економічних наук;
- 11) Здатність використовувати стандартні прийоми та методи математичних досліджень, проявляти творчий підхід, ініціативу ;
- 12) Здатність формулювати проблеми математично та в символній формі з метою спрощення їхнього аналізу й розв'язання;
- 13) Здатність подавати математичні міркування та висновки з них у формі, придатній для цільової аудиторії, а також аналізувати та обговорювати математичні міркування інших осіб, залучених до розв'язання тієї самої задачі;
- 14) Здатність здійснювати міркування та виокремлювати ланцюжки міркувань у математичних доведеннях на базі аксіоматичного підходу, а також розташовувати їх у логічну послідовність, у тому числі відрізняти основні ідеї від деталей і технічних викладок;
- 15) Здатність конструювати формальні доведення з аксіом та постулатів і відрізняти правдоподібні аргументи від формально бездоганих;
- 16) Здатність до кількісного мислення;
- 17) Здатність розробляти і досліджувати математичні моделі явищ, процесів та систем;
- 18) Здатність застосовувати чисельні методи для дослідження математичних моделей ;
- 19) Здатність до аналізу математичних структур, у тому числі до оцінювання обґрунтованості й ефективності використовуваних математичних підходів ;
- 20) Здатність застосовувати спеціалізовані мови програмування та пакети прикладних програм;
- 21) Здатність використовувати обчислювальні інструменти для чисельних і символних розрахунків;
- 22) Здатність виражати терміни специфічної предметної області мовою математики;
- 23) Здатність розуміти проблеми та виділяти їхні суттєві риси;
- 24) Здатність формулювати складні задачі оптимізації та прийняття рішень й інтерпретувати їхні розв'язки в оригінальному контексті цих задач);
- 25) Здатність отримувати якісну інформацію на основі кількісних даних;
- 26) Здатність розробляти експериментальні та спостережні дослідження й аналізувати дані, отримані на їх основі;
- 27) Здатність пояснювати математичними термінами результати, отримані під час розрахунків.

5. Результати навчання за дисципліною:

Результат навчання (1. знати; 2. вміти; 3. комунікація; 4. автономність та відповідальність)		Форми (та/або методи і технології) викладання і навчання	Методи оцінювання та пороговий критерій оцінювання за необхідності	Відсоток у підсум- ковій оцінці з дисциплі- ни
Код	Результат навчання			
1.1	Знати: поняття криптосистеми, алгоритмів шифрування та дешифрування, симетричної криптосистеми, історичні	лекція, самостійне	Екзамен, модульна контрольна робота 1, опитування під час	5%

	шифри, методи конвертації бінарних даних, шифри AES та Калина	опрацювання	лабораторних та практичних занять	
1.2	Знати: поняття потокового шифру, потокові режими блочних шифрів, поняття криптографічної хеш функції, парадокс днів народження, метод Меркла-Дамгарда, криптографічні хеш функції SHA-2 і Купина, методи доповнення повідомлень, алгоритми генерування секретних ключів	лекція, самостійне опрацювання	Екзамен, модульна контрольна робота 1, опитування під час лабораторних та практичних занять	10%
1.3	Знати: поняття ймовірного алгоритму, ймовірнісні алгоритми шифрування, основні методи криптоаналізу асиметричних шифрів, алгоритми тестування простоти, криптосистему RSA, задачу дискретного логарифма, криптосистему ЕльГамалю	лекція, самостійне опрацювання	Екзамен, модульна контрольна робота 2, опитування під час лабораторних та практичних занять	5%
1.4	Знати: поняття цифрового підпису, сертифіката публічного ключа, інфраструктури публічних ключів, цифрові підписи DSA та Шнорра, протокол узгодження ключів Діффі-Хелмана	лекція, самостійне опрацювання	Екзамен, модульна контрольна робота 2, опитування під час лабораторних та практичних занять	10%
2.1	Уміти: використовувати історичні шифри, проводити їх криптоаналіз, імплементувати криптосистеми AES та Калина	лабораторне, практичне заняття, самостійне опрацювання	перевірка індивідуальних завдань, самостійна аудиторна робота, модульна контрольна робота №1, залік	12.5%
2.2	Уміти: використовувати потокові режими блочних шифрів, імплементувати криптографічні хеш-функції, проводити криптоаналіз криптографічних хеш-функцій, генерувати криптографічні ключі	лабораторне, практичне заняття, самостійне опрацювання	перевірка індивідуальних завдань, самостійна аудиторна робота, модульна контрольна робота, екзамен	20%
2.3	Уміти: досліджувати ймовірності алгоритми, використовувати тести простоти, імплементувати криптосистему RSA, проводити криптоаналіз криптосистем з публічним ключем	лабораторне, практичне заняття, самостійне опрацювання	перевірка індивідуальних завдань, самостійна аудиторна робота, модульна контрольна робота 2, екзамен	12.5%
2.4	Уміти: використовувати схеми цифрового підпису, імплементувати схему цифрового підпису DSA, використовувати протокол узгодження ключів Діффі-Хеллмана	лабораторне, практичне заняття, самостійне опрацювання	перевірка індивідуальних завдань, самостійна аудиторна робота, контрольна робота 2, екзамен	20%
3.1	Здатність обґрунтовувати власний погляд на задачу та формулювати робочі гіпотези, спілкуватися з колегами з питань застосування математичних методів та теорій	лекція, лабораторне, практичне заняття, самостійна робота	активна робота на лекції, лабораторних та практичних заняттях, усні відповіді	2.5%
3.2	Вироблення навиків командної роботи	лекція,	активна робота на	2.5%

		лабораторне, практичне заняття, самостійна робота	лекції, лабораторних та практичних заняттях, усні відповіді	
--	--	---------------------------------------------------	-------------------------------------------------------------	--

6. Співвідношення результатів навчання дисципліни з програмними результатами

Результати навчання дисципліни	Р	Р	Р	Р	Р	Р	Р	Р	Р	Р
	Н	Н	Н	Н	Н	Н	Н	Н	Н	Н
Програмні результати навчання	1	1	1	1	2	2	2	2	3	3
	·	·	·	·	·	·	·	·	·	·
	1	2	3	4	1	2	3	4	1	2
РН-1 - Знати основні етапи історичного розвитку математичних знань і парадигм, розуміти сучасні тенденції в математиці;	+	+	+	+	+			+	+	+
РН-3 - Знати принципи modus ponens (правило виведення логічних висловлювань) та modus tollens (доведення від супротивного) і використовувати умови, формулювання, висновки, доведення та наслідки математичних тверджень;	+	+	+	+	+	+	+	+	+	
РН-4 - Розуміти фундаментальну математику на рівні, необхідному для досягнення інших вимог освітньої програми;	+	+	+	+	+	+	+	+	+	
РН-5 - Мати навички використання спеціалізованих програмних засобів комп'ютерної та прикладної математики і використовувати інтернет-ресурси					+	+	+	+		
РН-6 - Знати методи математичного моделювання природничих та/або соціальних процесів	+	+	+	+						
РН-10 - Розв'язувати задачі придатними математичними методами, перевіряти умови виконання математичних тверджень, коректно переносити умови та твердження на нові класи об'єктів, знаходити й аналізувати відповідності між поставленою задачею й відомими моделями;	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+
РН-11 - Розв'язувати конкретні математичні задачі, які сформульовано у формалізованому вигляді; здійснювати базові перетворення математичних моделей;	+	+	+	+	+	+	+	+	+	
РН-15 - Знати теоретичні основи і застосовувати алгебраїчні методи для вивчення математичних структур;	+	+	+	+	+	+	+	+	+	
РН-20 - Розв'язувати основні математичні задачі аналізу даних; застосовувати базові		+		+		+		+		

загальні математичні моделі для специфічних ситуацій, мати навички управління інформацією, і застосування комп'ютерних засобів статистичного аналізу даних										
РН-21 - Розв'язувати типові задачі математичного аналізу, алгебри, диференціальних та інтегральних рівнянь, оптимізації за допомогою чисельних методів;	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+
РН-26 - Бути наполегливим у досягненні мети під час вирішення математичної проблеми					+	+	+	+	+	+
РН-28 – Знати математичні основи базових криптографічних методів захисту інформації.	+	+	+	+						

7. Схема формування оцінки.

7.1. Форми оцінювання студентів:

- оцінювання впродовж навчального періоду:

1. Виконання завдань, винесених на самостійну роботу: РН2.1, РН2.2, РН2.3, РН2.4 – 8 балів/4 бали;
2. Модульна контрольна робота 1: РН1.1, РН1.2, РН2.1, РН2.2 – 20 балів/12 балів;
3. Модульна контрольна робота 2: РН1.3, РН1.4 РН2.3 – 20 балів/12 балів;
4. Розв'язання задач на лабораторних та практичних заняттях: РН2.1, РН2.2, РН2.3, РН2.4, РН3.1, РН3.2, – 12 балів/7 балів;

- підсумкове оцінювання: екзамен.

- максимальна кількість балів, які можуть бути отримані: 40 балів;
- результати навчання, які будуть оцінюватись: РН1.1, РН1.2, РН1.3, РН1.4, РН2.1, РН2.2, РН2.3, РН2.4;
- форма проведення і види завдань: письмова робота.

7.2. Організація оцінювання:

Самостійна робота передбачає активну роботу по розв'язанню задач і формулюванню основних теоретичних положень під час лабораторних та практичних занять, при цьому кожен студент отримує індивідуальне завдання, яке він повинен виконати за обмежений проміжок часу (складність завдання є пропорційною відведеному на його виконання часу).

Активна робота на лекціях передбачає виконання тестових завдань за лекційним матеріалом.

Критично-розрахунковий мінімум балів за навчання впродовж семестру становить **20** балів, рекомендований мінімум, розрахований з урахуванням специфіки дисципліни становить **35** балів. Студенти, які протягом семестру набрали сумарно меншу кількість балів ніж рекомендований мінімум **35** балів для підвищення балів отримують можливість написати додаткову контрольну роботу та доскласти домашні завдання. Мінімальна кількість балів, які додаються до семестрових – **24** бали, тобто, якщо оцінка студента на іспиті є нижчою від мінімального порогового рівня (**24** бали), то бали за іспит не додаються до семестрової оцінки (вважаються рівними нулю), а підсумкова оцінка з дисципліни є незадовільною.

Терміни проведення форм оцінювання:

1. Модульна контрольна робота №1: на 7-му тижні 2 семестру 3-го курсу.
2. Модульна контрольна робота №2: на 11-му тижні 2 семестру 3-го курсу.

3. Оцінювання завдань самостійної роботи за РН2.1 на 3-му тижні, за РН2.2 на 6 тижні, за РН2.3 на 12 тижні, за РН2.4 на 16 тижні.

Форма іспиту – письмово-усна. Білет складається із 5 завдань, перші два з яких є теоретичними, три інших – задачі. Кожне завдання оцінюється від 0 до 7 балів. Додатково від 0 до 5 балів студент отримує за усне опитування. Всього за залік можна отримати від 0 до 40 балів.

У випадку відсутності студента з поважних причин відпрацювання та перездачі форм контролю здійснюються у відповідності до „Положення про організацію освітнього процесу в Київському національному університеті імені Тараса Шевченка” (2018), <http://www.univ.kiev.ua/pdfs/official/Organization-of-the-educational-process.pdf>.

7.3 Шкала відповідності оцінок:

Відмінно/ Excellent	90 – 100
Добре/ Good	75 – 89
Задовільно/ Satisfactory	60 – 74
Не задовільно/ Fail	0 – 59
Зараховано/ Passed	60 – 100
Не зараховано/ Fail	0 – 34

8. СТРУКТУРА НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ. ТЕМАТИЧНИЙ ПЛАН ЛЕКЦІЙ І ПРАКТИЧНИХ ЗАНЯТЬ

№ п/п	Назва теми	Кількість годин					
		Лекції	Лабораторні	Практичні заняття	Самост. робота	Модульна контрольна робота	Інші форми контролю
Змістовий модуль 1 „Симетрична криптографія”							
1	Симетричні шифри	8	6	6	22		
2	Потокові шифри і криптографічні хеш функції	6	8	8	24	2	
Змістовий модуль 2 „Асиметрична криптографія”							
3	Криптосистеми з публічним ключем	8	6	6	22		
4	Цифрові підписи за протоколи узгодження ключів	6	8	8	24	2	
Всього годин		28	28	28	92	4	

Загальний обсяг 180 годин, у тому числі:

лекції – 28 годин,

лабораторні - 28 годин,

практичні заняття – 28 годин,

**консультації – 4 години,
самостійна робота – 92 години.**

9. Рекомендовані джерела

Основні:

1. J.-P.Aumasson *Serious cryptography*. No starch press, 2018.
2. C. Paar, J. Pelzl *Understanding cryptography*. Springer, 2010.
3. N.Smart *Cryptography made simple*. Springer, 2016.
4. О.Вербіцький *Вступ до криптології*. ВНТЛ, 1998.

Додаткові:

5. J.H. Silverman, J. Piper, J. Hoffstein *An introduction to mathematical cryptography*. Springer, 2008.
6. J. Katz, Y. Lindell *Introduction to modern cryptography*. CRC Press, 2015.
7. H.Bidgoli (Ed.) *Handbook of Information Security*, Volume 1. John Wiley & Sons Inc., 2006.